

## PD ITERATIVNO UPRAVLJANJE UČENJEM ROBOTSKIM MANIPULATOROM SA TRI STEPENA SLOBODE

Mihailo P. Lazarević, katedra za mehaniku, Univerzitet u Beogradu,  
Mašinski fakultet, Kraljice Marije 16, 11120, Beograd 35, Srbija i Crna Gora

**Abstrakt** – U ovom radu predložen je algoritam iterativnog PD upravljanja učenjem (IUU) u kombinaciji sa upravljanjem u povratnoj sprezi datim robotskim objektom. Na primeru robotskog manipulatora sa tri stepena slobode sprovedena je simulacija u cilju potvrde efikasnosti predložene algoritma upravljanja.

### 1. UVOD

Najnoviji trendovi razvoja i primene robotike ukazuju sve veću direktnu kooperaciju između čoveka i robota u bliskoj budućnosti. Naročito nova oblast primene robota jeste tzv. servisna robotika (service robotics) u kojoj važno mesto zauzimaju kućni roboti ili personalni roboti sa tendencijom da postanu najzastupljeniji u svakodnevnom životu [1]. Kao takvi oni treba da imaju karakteristike slične ljudskim što se tiče sposobnosti i ponašanja, odnosno upravljanje takvim antropomorfnim robotima zasnivaće se na primeni odgovarajućih bioloških analogona [1], [2].

Upravljanje robotskim sistemom može se realizovati i na osnovu iterativnog učenja koje zauzima značajno mesto u biološkim i tehničkim sistemima [3]. Upravljanje na osnovu učenja može se primeniti na dati robotski sistem bez obzira da li isti poseduje kinematičku redundansu ili ne. Ako u izvršavanju određenih zadataka robotski sistem u dosta dugom vremenskom periodu ponavlja zadate operacije, onda postoji osnova za uvođenje i sintezu upravljanja na osnovu procesa učenja. Osnovna razlika između upravljanja učenjem od mnogih drugih postojećih upravljanja je što učenje u suštini *off-line* proces gde postoji konačno vreme između dva pokušaja. Pri tome upravljanje učenjem predstavlja kombinaciju upravljanja u direktnoj ("feedforward") sprezi i upravljanje u povratnoj sprezi pri čemu dominantnu ulogu predstavlja upravljanje u direktnoj sprezi i kao takvo ono ima za cilj da ostvari *predikciju* budućeg upravljanja. Predikcija je ovde posledica upamćenog znanja stečenog učenjem. Uočeno je da upravljanje u direktnoj sprezi je zastupljeno u procesu upravljanja živog organizma u prirodi. Takav mehanizam omogućava predikciju narednih pokreta organizma a koja je zasnovana korišćenjem prethodnog znanja i iskustva. Pri tome, ovde će biti razmatran i primenjen koncept *iterativnog* učenja koji je zasnovan na osobini ponovljivosti manipulacionih zadataka.

Naime, uočeno je da kod izvođenja manipulacionih zadataka koji se sastoje u ponavljanju jedne iste trajektorije, odnosno od cikličnih pokreta, primenom upravljanja na osnovu iterativnog učenja, moguće poboljšati kinematičke i dinamičke karakteristike datog sistema. Najčešće, to su brzina praćenja trajektorije i preciznost izvođenja zadate trajektorije gde se poboljšanje istih realizuje korišćenjem zadatog zakona upravljanja na osnovu iterativnog učenja. Osnovna odlika zakona upravljanja na osnovu iterativnog učenja je da u te-

kućoj iteraciji-pokušaju, vektor upravljanja se generiše na osnovu vektora upravljanja iz prethodne iteracije-pokušaja i informacije o grešci praćenja željene izlazne trajektorije iz prethodne iteracije. Na taj način, uči se na osnovu prethodnog pokušaja i iskustva. Neke je za uočeni sistem poznata i zadata željena trajektorija  $y_d(t)$  u prostoru izlaza. Takođe, greška praćenja u  $i$ -toj iteraciji se može definisati sa:

$$e_i(t) = y_d(t) - y_i(t) \quad (1)$$

gde je sa  $y_i(t)$  označen vektor izlaza uočenog sistema i  $t \in [0, T]$  gde je vreme izvođenja pokreta  $T$  zadato. Zadatak je da primenom koncepta iterativnog učenja za poznatu željenu izlaznu trajektoriju  $y_d(t)$ , odrediti vektor upravljanja  $u_i(t)$  takav da kada broj iteracija  $i \rightarrow \infty$ ,  $\lim_{i \rightarrow \infty} u_i(t) = u_z(t)$ ,  $\forall t \in [0, T]$ , vektor izlaza sistema  $y_i(t)$  će pratiti željenu izlaznu trajektoriju sa zadatim stepenom tačnosti, tj.  $\lim_{i \rightarrow \infty} \|e_i(t)\| = \varepsilon_e$ . Iterativno upravljanje učenjem je

prvi razmatrao i uveo Arimoto [4], gde je razmatran jednostavan algoritam učenja D tipa u vremenskom domenu koji zahteva diferencijal signala greške  $\dot{e}_i(t)$ . Kasnije, drugi autori su predložili kompleksnije algoritme učenja [5], [6].

### 2. DINAMIKA ROBOTSKOG MANIPULATORA

Dinamika robotskog manipulatora sa  $n$  stepeni slobode, u obliku otvorenog kinematičkog lanca bez grananja gde su segmenti povezani zglobovima koji predstavljaju kinematičke parove V klase, je data u kovarijantnom obliku [7]:

$$\sum_{\alpha=1}^n a_{\alpha\gamma}(q)\ddot{q}^\alpha + \sum_{\alpha=1}^n \sum_{\beta=1}^n \Gamma_{\alpha\beta,\gamma}(q)\dot{q}^\alpha \dot{q}^\beta = Q_\gamma^g + Q_\gamma^u, \quad (2)$$

$\gamma = 1, 2, \dots, n$

gde su  $q_i, \dot{q}_i, i = 1, 2, \dots, n$  označene unutrašnje generalisane koordinate i generalisane brzine respektivno. Pri tome, vektor generalisanih sila  $Q_\gamma$ ,  $\gamma = 1, 2, \dots, n$  sastoji se od

$Q_\gamma^g$ ,  $|Q_\gamma^g| \leq h_\gamma$ ,  $\gamma = 1, 2, \dots, n$  koji odgovara dejstvu sile teže

i,  $|Q_\gamma^u| \leq g_\gamma$ ,  $\gamma = 1, 2, \dots, n$  koji odgovara dejstvu upravljačkih sila i momenata. U kondezovanom obliku prethodni izraz se može prikazati kao:

$$[a(q)]\ddot{q} + C(q, \dot{q}) = Q^u \quad (3)$$

Dinamiku robotskog manipulatora, moguće je predstaviti u u prostoru stanja:

$$\dot{x}(t) = \begin{bmatrix} x_2(t) \\ -[a(x_1(t))]^{-1} C(x(t)) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ [a(x_1(t))]^{-1} \end{bmatrix} u(t) \quad (4)$$

gde je sa  $x(t) = [x_1(t), x_2(t)] = [q(t), \dot{q}(t)]^T \in R^{2n}$  označen vektor stanja, kao i  $u(t) = Q^u(t) \in R^m$  vektor upravljanja. Cilj je ostvariti upravljanje tj. odrediti vektor  $Q^u(t)$  tako da manipulator prati unapred zadatu trajektoriju u unutrašnjem koordinatnom sistemu kao

$$q_d(t) = [q_{d1}(t), q_{d2}(t), \dots, q_{dn}(t)]^T, \quad \forall t \in [0, T] \quad (5)$$

Ovaj vektor je određen na višem *taktičkom* nivou planiranja trajektorije (na pr. rešavanjem inverznog zadatka kinematike). Pri tome smatraće se da nisu u potpunosti poznati matrice  $[a(q)], C(q, \dot{q})$  usled nemodelovane dinamike (na primer neizvesnost po pitanju momenata inercije, koordinata težišta, itd.) Uvodi se pretpostavka da je moguće odrediti vektor  $Q^g(q_d(0))$  u početnom trenutku kada se robot nalazi u referentnoj konfiguraciji. Takođe, smatraće se da je robotski sistem potpuno upravljiv tj. ako i samo ako su zadovoljene sledeće nejednakosti [3]:

$$h_\gamma = \sup |Q_\gamma^g| < g_\gamma, \quad \gamma = 1, 2, \dots, n \quad (6)$$

Pri tome, željena vrednost vektora upravljanja  $u_d(t)$  za dato  $q_d(t)$  je određena sa:

$$[a(q_d)] \ddot{q}_d(t) + C(q_d, \dot{q}_d) \equiv u_d(t) \quad (7)$$

Imajući u vidu osobenost prethodno postavljenih zahteva uvodi se PD iterativno upravljanje učenjem koji sadrži i upravljanje u povratnoj sprezi.

### 3. ALGORITAM PD ITERATIVNOG UPRAVLJANJA UČENJEM

U cilju primene iterativnog upravljanja koje je zasnovano na bazi učenja smatraće se da su ispunjeni uslovi koje nameće ovakva vrsta upravljanja (da je sistem kauzalan, postoji jedinstven ograničen vektor upravljanja  $u_d(t)$  itd.) [3]. Zakon upravljanja na bazi iterativnog učenja koji je najviše zastupljen, dat je u obliku sa [5]:

$$u_{i+1}(t) = Lu_i(t) + K\dot{e}_i(t) + Ne_i(t) \quad (8)$$

Sušтина ovakvo usvojenog zakona jeste da tekuće upravljanje se formira na osnovu prethodnog upravljanja kao i prethodne brzine promena greške praćenja kao i same greške praćenja. Ovde se uvodi modifikovani zakon upravljanja na bazi iterativnog učenja u kombinaciji sa upravljanjem u povratnoj sprezi (Sl.1).

$$u_i(t) = u_{fi}(t) + u_{fbi}(t) \quad (9)$$

gde je upravljanje u povratnoj sprezi:

$$u_{fbi}(t) = Q(q_{d0}) - Kq_i(t) - L\dot{q}_i(t) \quad (10)$$

gde je pretpostavljeno da je moguće odrediti vektor  $Q^g$  samo u početnom trenutku. Upravljanje u direktnoj grani je dato sa:

$$u_{fi}(t) = u_{fi-1}(t) + \Gamma [K(q_d - q_i) + L(\dot{q}_d - \dot{q}_i)], \quad (11)$$

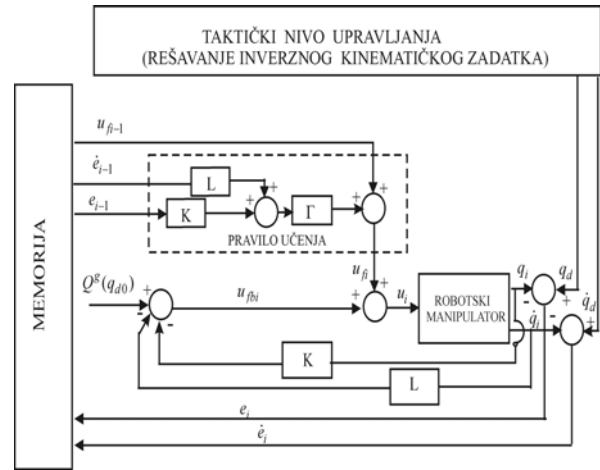
U prvoj iteraciji  $i = 1$  može se uzeti da je:

$$u_{f1}(t) = Kq_d(t) + L\dot{q}_d(t), \quad (12)$$

Takođe uvodi se pretpostavka da u svakoj iteraciji važi:

$$q_i(0) = q_d(0), \quad \dot{q}_i(0) = \dot{q}_d(0), \quad \forall i \geq 1 \quad (13)$$

Vrednost  $\Gamma$  pojačanja učenja mora zadovoljiti uslov  $0 < \Gamma \leq 1$ , koji se dobija iz uslova konvergencije algoritma iterativnog učenja, (videti [6],[8]) i ovde će dokazivanje konvergencije biti izostavljeno. Takođe analizom u  $i$ -toj iteraciji linearizovanog vremenski promenljivog sistema duž  $q_d(t), \forall t \in [0, T]$  može se pokazati da izborom članova dijagonalnih pozitivno definitnih matrica  $K, L$  po vrednosti budu dovoljno veliki, obezbediti stabilnost željene trajektorije.



Sl. 1 Blok dijagram PD iterativnog upravljanja učenjem robotskim manipulatorom

Prema tome kao što je to ranije istaknuto poznavanje matrica  $[a(q)], C(q, \dot{q})$  kao i vektora  $Q^g(q)$  nije neophodno što i čini interesantnim i značajnim primenu ovakve vrste upravljanja.

### 4. SIMULACIONI REZULTATI

Posmatra se robotski manipulator sa tri stepena slobode Sl.2 sa karakteristikama koji su dati u Tabeli 1. Koeficijenti metričkog tenzora  $[a(q)]_{3 \times 3}$  su određeni sledećim izrazima:

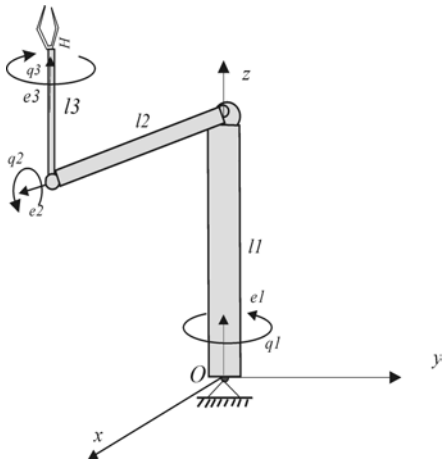
$$\begin{aligned} a_{11} &= 2.65 + 0.818 \sin^2 q_2 + 0.241 \sin^2 q_2 \sin^2 q_3 + 0.239 \sin^2 q_2 \cos^2 q_3 \\ a_{12} &= -0.32 \cos q_2 + 0.002 \sin q_2 \sin q_3 \cos q_3 \\ a_{13} &= 0.15 \cos q_2 \\ a_{22} &= 0.968 + 0.241 \cos^2 q_3 + 0.239 \sin^2 q_3 \\ a_{23} &= 0 \\ a_{33} &= 0.15 \end{aligned} \quad (14)$$

Kristofelovi simboli prve vrste  $\Gamma_{\alpha\beta\gamma}$  glase:

$$\begin{aligned}
\Gamma_{11,2} &= -0.968 \sin q_2 \cos q_2 - 0.091 \sin q_2 \cos q_2 \sin^2 q_3 - \\
&\quad - 0.089 \sin q_2 \cos q_2 \cos^2 q_3, \\
\Gamma_{11,3} &= -0.002 \sin^2 q_2 \sin q_3 \cos q_3, \\
\Gamma_{12,3} &= -0.074 \sin q_2 \sin^2 q_3 - 0.076 \sin q_2 \cos^2 q_3, \\
\Gamma_{22,3} &= 0.002 \sin q_3 \cos q_3, \\
\Gamma_{22,1} &= 1.32 \sin q_2 + 0.002 \cos q_2 \sin q_3 \cos q_3 \\
\Gamma_{23,1} &= -0.074 \sin q_2 \cos^2 q_3 - 0.076 \sin q_2 \sin^2 q_3, \\
\Gamma_{33,1} &= 0, \\
\Gamma_{33,2} &= 0.
\end{aligned} \tag{15}$$

kao i:

$$Q_1^g = 0, \quad Q_3^g = 0, \quad Q_2^g = 21.582 \sin q_2. \tag{16}$$



Sl.2 Robotski manipulator sa 3 stepena slobode u referentnom položaju

Tabela 1

segment	1	2	3
m[kg]	2	5	3
L [m]	0.8	0.6	0.6
$I_c$ [kgm <sup>2</sup> ]	$\begin{bmatrix} 0.279 & 0 & 0 \\ 0 & 0.279 & 0 \\ 0 & 0 & 0.1 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.241 & 0 & 0 \\ 0 & 0.239 & 0 \\ 0 & 0 & 0.15 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0.241 & 0 & 0 \\ 0 & 0.239 & 0 \\ 0 & 0 & 0.15 \end{bmatrix}$

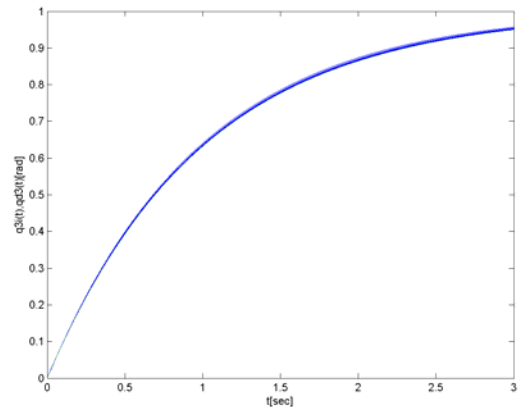
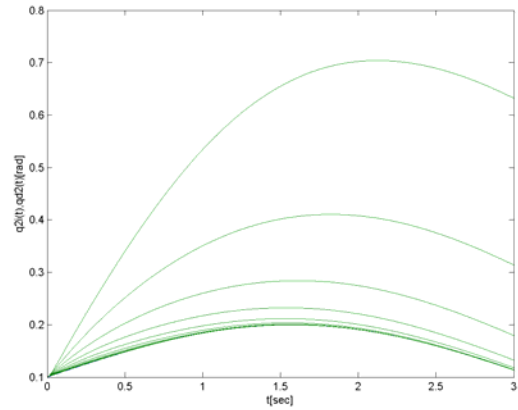
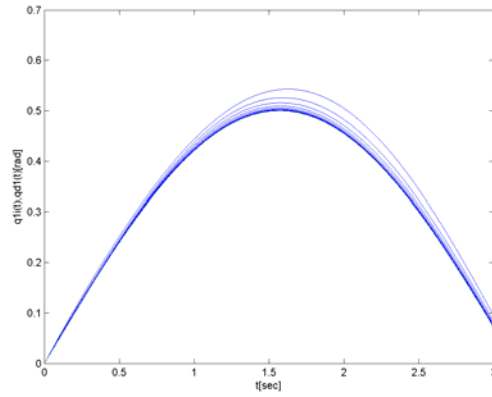
Željene trajektorije u prostoru unutrašnjih koordinata su date sa:

$$\begin{aligned}
q_{d1}(t) &= 0.5 \sin t, & \forall t \in [0, 3] \\
q_{d2}(t) &= 0.1 \sin t + 0.1, \\
q_{d3}(t) &= 1 - e^{-t}.
\end{aligned} \tag{17}$$

Za matrice  $K, L$  su usvojene sledeće vrednosti:

$$K = \begin{bmatrix} 30 & 0 & 0 \\ 0 & 30 & 0 \\ 0 & 0 & 30 \end{bmatrix}, \quad L = \begin{bmatrix} 10 & 0 & 0 \\ 0 & 10 & 0 \\ 0 & 0 & 10 \end{bmatrix} \tag{18}$$

odnosno za  $0 < \Gamma \leq 1$  je usvojena vrednost  $\Gamma = 0.6$ .



Sl.3 Trajektorije  $q_{ki}(t)$ ,  $k=1,2,3$ ,  $i=1 \rightarrow 8$  i željene trajektorije  $q_{dk}(t)$ ,  $k=1,2,3$

## 5. ZAKLJUČAK

Pokazuje se da je moguće ostvariti upravljanje datim robotskim manipulatorom sa tri stepena slobode primenom iterativnog upravljanja u kombinaciji sa upravljanjem u povratnoj sprezi. Dostizanje, u okviru propisane tačnosti, željenih trajektorija je ostvarena posle osam iteracija. Pri tome najveće odstupanje je uočeno za  $q_2 \rightarrow q_{d2}$  u prvoj iteraciji jer je  $Q_2^g \neq 0$ , u opštem slučaju i kao takvo najviše uticalo da do toga dođe za razliku od  $Q_1^g = 0$ ,  $Q_3^g = 0$ . To je omogućilo s

druge strane da se jasno uoči konvergencija trajektorije  $q_2(t)$  ka željenoj trajektoriji  $q_{d2}(t)$ , Sl.3.

## LITERATURA

- [1] V. Potkonjak, M. Lazarević et. al., "Human-like behavior of robot arms: general considerations and the handwriting task- Part II: the robot arm in handwriting", *Robotics and Computer Integrated Manufacturing* 17 (2001) 317-327
- [2] M. Lazarević, "Mathematical modeling and control of redundant robotic manipulators using biological analog", *Facta Universitatis, Series:Mechanics, Automatic, Control and Robotics*, Vol 3, No 11, 2001, pp.285-294.
- [3] Lazarević M, "Prilog matematičkom modeliranju i upravljanju redundantnim sistemima", doktorska disertacija, *Mašinski fakultet, Beograd*, 1999.
- [4] S. Arimoto et.al, 1984. "Bettering operation of robots by learning," *Journal. of Robotic Systems*, vol. 1, no. 2, pp. 123-140, 1984.
- [5] Bien Z., Huh K. 1989, "High-order iterative learning control algorithm", *IEE Proc. Part.-D*, 136 (3), pp.105-112, 1989.
- [6] Lee H, Bien Z., 1996, "Study on robustness of iterative learning control with non-zero initial error," *Int. J. of Control*, vol. 64, no. 3, pp. 345-359, 1996.
- [7] Lazarević P. M., "Optimalno upravljanje redundantnim robotskim sistemom: kinematički pristup", ETRAN, Herceg Novi, Jun 6-13, 2003, Zbornik radova XLVII Konf. za ETRAN, pp. 359-362.
- [8] Lazarević M, "Natural" Iterative Learning Control for Uncertain LTV Dynamic System", ICEST "XXXVII International Scientific Conference on Information, Communication and Energy and Technologies, Niš, October, 2-4, 2002, pp.353-356

**Abstract-** In this paper it is suggested applying PD iterative learning feedback control (ILC) of robotic manipulator. Using suitable example of robotic manipulator with three DOF it is presented a simulation in proving of efficiency of proposed algorithm of ILC.

## PD ITERATIVE LEARNING CONTROL OF ROBOTIC MANIPULATORS WITH THREE DEGREES OF FREEDOM

*Mihailo Lazarević*